

# 2020 年中考试题猜想 · 数学

## 参考答案

1. A 2. C 3. D 4. B 5. C 6. B 7. C 8. D 9. A 10. B

11. -3 12. 7 13. (6, 2)

14.  $16\sqrt{3}$  提示: 连接  $AD$ , 由轴对称的性质得  $AE=AD=AF$ .

∵ 四边形  $AEGF$  是平行四边形,

∴ 四边形  $AEGF$  是菱形,

∴  $\angle EAF=2\angle BAC=120^\circ$ ,

当  $AD \perp BC$  时,  $AD$  的值最小, 即  $AE$  的值最小, 此时菱形  $AEGF$  的面积最小.

∵  $\angle ABC=45^\circ, AB=8$ ,

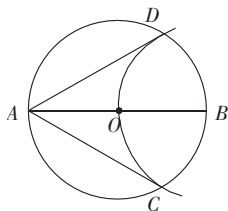
∴  $AD=4\sqrt{2}$ ,

∴ 四边形  $AEGF$  的面积的最小值为  $\frac{\sqrt{3}}{2} \times (4\sqrt{2})^2 = 16\sqrt{3}$ .

15. 解: 原式  $= -3 + 1 - \sqrt{3} + 2 \dots\dots\dots 3$  分  
 $= -\sqrt{3}. \dots\dots\dots 5$  分

16. 解: 原式  $= \left[ \frac{a(a-2)}{(a-2)^2} - \frac{1}{a-2} \right] \cdot \frac{2(a-2)}{(a+1)(a-1)} \dots\dots\dots 1$  分  
 $= \left( \frac{a}{a-2} - \frac{1}{a-2} \right) \cdot \frac{2(a-2)}{(a+1)(a-1)} \dots\dots\dots 2$  分  
 $= \frac{a-1}{a-2} \cdot \frac{2(a-2)}{(a+1)(a-1)} \dots\dots\dots 3$  分  
 $= \frac{2}{a+1}. \dots\dots\dots 5$  分

17. 解: (作法不唯一) 等边  $\triangle ACD$  如图所示.



$\dots\dots\dots 5$  分

18. 证明: ∵  $\angle BAD = \angle CAE$ ,  
 ∴  $\angle BAC = \angle DAE. \dots\dots\dots 2$  分  
 ∵  $AB = AD, AC = AE$ ,  
 ∴  $\triangle ABC \cong \triangle ADE (SAS), \dots\dots\dots 4$  分  
 ∴  $\angle B = \angle D. \dots\dots\dots 5$  分

19. 解: (1) 根据题意得  $30 \div 30\% = 100$  (人),  
 所以学生的劳动时间为 1.5 小时的人数为  $100 - (12 + 30 + 18) = 40$ ,

补全统计图 1, 如图所示: ..... 3 分

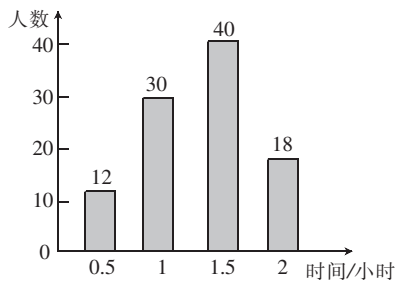


图 1

(2) 1.5, 1.5. .... 5 分

(3)  $1600 \times \frac{18}{100} = 288$  (人).

答: 估算该校学生中, 上周末参加这项劳动 2 小时的学生有 288 人. .... 7 分

20. 解: 设  $CD = x$ .

在  $\text{Rt}\triangle ACD$  中,  $\because \angle A = 30^\circ$ ,

$\therefore \tan A = \tan 30^\circ = \frac{CD}{AC}$ , ..... 1 分

$\therefore \frac{CD}{AC} = \frac{\sqrt{3}}{3}$ , 即  $AC = \sqrt{3}x$ , ..... 2 分

$\therefore BC = AC - AB = \sqrt{3}x - 40$ . ..... 3 分

在  $\text{Rt}\triangle BCD$  中,  $\tan \angle DBC = \tan 75^\circ = \frac{CD}{BC}$ , ..... 4 分

$\therefore \frac{CD}{BC} = 2 + \sqrt{3}$ , 即  $\frac{x}{\sqrt{3}x - 40} = 2 + \sqrt{3}$ , ..... 5 分

解得  $x = 10\sqrt{3} + 10 \approx 27.3$ . ..... 6 分

答: 这棵银杏树的高度约为 27.3 米. .... 7 分

21. 解: (1) 0.5, 60. .... 2 分

(2) 甲车的速度为  $100 \div (\frac{7}{4} - 0.5) = 80$  (千米/时).

设点  $C$  的坐标为  $(c, 0)$ ,

$60c + 80(c - 0.5) = 100$ ,

解得  $c = 1$ , 即点  $C$  的坐标为  $(1, 0)$ . .... 3 分

设线段  $BC$  的函数关系式为  $y = kx + b$ ,

$\therefore \begin{cases} 0.5k + b = 70, \\ k + b = 0, \end{cases}$  解得  $\begin{cases} k = -140, \\ b = 140, \end{cases}$

即线段  $BC$  的函数关系式为  $y = -140x + 140 (0.5 \leq x \leq 1)$ . ..... 5 分

(3) 乙车从  $n$  地开往  $m$  地的时间为  $100 \div 60 = \frac{5}{3}$  (小时).

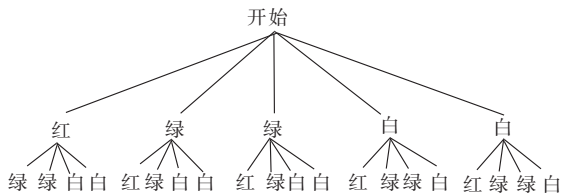
甲车从  $m$  地开往  $n$  地的时间为  $\frac{7}{4}$  小时,

$\frac{7}{4} - \frac{5}{3} = \frac{21 - 20}{12} = \frac{1}{12}$  (小时),

答:乙车先到达终点,先到 $\frac{1}{12}$ 小时. .... 7分

22. 解:(1)2. .... 2分

(2)根据题意,画树状图如下:



..... 4分

共有 20 种等可能的结果数,其中两次摸出的球颜色相同的结果共有 4 种, .... 5分

∴两次摸出的球颜色相同的概率为 $\frac{4}{20} = \frac{1}{5}$ . .... 7分

23. 解:(1)证明:∵ $AB$  为直径,

∴ $\angle ADB = 90^\circ$ . .... 1分

∵ $BD \parallel OC$ ,

∴ $\angle AEO = \angle ADB = 90^\circ$ .

∵ $\angle BAC = 90^\circ$ ,

∴ $\angle OAE = \angle ACE$ . .... 2分

在 $\triangle ABD$  和 $\triangle CAE$  中,

$$\begin{cases} \angle ADB = \angle CEA, \\ \angle BAD = \angle ACE, \\ AB = CA, \end{cases}$$

∴ $\triangle ABD \cong \triangle CAE$  (AAS), .... 3分

∴ $BD = AE$ . .... 4分

(2)∵ $OE \perp AD$ ,

∴ $AE = DE$ ,

∴ $OE$  为 $\triangle ABD$  的中位线,

∴ $BD = 2OE$ . .... 5分

由(1)得  $BD = AE$ ,

∴ $AE = 2OE$ . .... 6分

在  $Rt\triangle AOE$  中, ∵ $OE^2 + AE^2 = AO^2$ ,

$$\therefore OE^2 + 4OE^2 = 2^2,$$

∴ $OE = \frac{2\sqrt{5}}{5}$ . .... 8分

24. 解:(1)设抛物线的表达式为  $y = -(x-3)(x-x_2)$ , .... 1分

代入点  $B(0,3)$ , 得  $-3x_2 = 3$ . 解得  $x_2 = -1$ . .... 2分

∴抛物线的表达式为  $y = -(x-3)(x+1) = -x^2 + 2x + 3 = -(x-1)^2 + 4$ , .... 3分

∴顶点  $C$  的坐标为  $(1,4)$ . .... 4分

(2)设点  $M$  的坐标为  $(m,n)$ , 其中  $n = -m^2 + 2m + 3$ .

由于点  $M(m,n)$  的反射点  $(n,m)$  在抛物线的对称轴  $x=1$  上, 所以  $n=1$ . ..... 6 分

$\therefore -m^2 + 2m + 3 = 1$ , 解得  $m_1 = 1 + \sqrt{3}, m_2 = 1 - \sqrt{3}$ , ..... 9 分

$\therefore$  点  $M$  的坐标为  $(1 + \sqrt{3}, 1)$  或  $(1 - \sqrt{3}, 1)$ . ..... 10 分

25. 解: (1) 7. .... 3 分

(2) 如图 1, 在  $AC$  上截取  $AE = AN$ , 连接  $BE$ .

$\because \angle BAC$  的平分线交  $BC$  于点  $D$ ,

$\therefore \angle EAM = \angle NAM$ . ..... 4 分

在  $\triangle AME$  与  $\triangle AMN$  中,

$AE = AN, \angle EAM = \angle NAM, AM = AM$ ,

$\therefore \triangle AME \cong \triangle AMN$  (SAS),

$\therefore ME = MN$ ,

$\therefore BM + MN = BM + ME \geq BE$ . ..... 5 分

当  $BE \perp AC$  时,  $BE$  取得最小值, 即  $BM + MN$  取得最小值.

$\because AB = 2, \angle BAC = 45^\circ$ , 此时  $\triangle ABE$  为等腰直角三角形,

$\therefore BE = \sqrt{2}$ , 即  $BE$  的最小值为  $\sqrt{2}$ ,

$\therefore BM + MN$  的最小值为  $\sqrt{2}$ . ..... 7 分

(3) 如图 2, 以  $AB$  为边, 向左侧作等边  $\triangle ABE$ , 作  $\triangle ABE$  的外接圆  $\odot O$ , 连接  $OB$ , 则点  $P$  在  $\odot O$  上.

在  $\text{Rt}\triangle ABC$  中,  $\because \angle ACB = 90^\circ, \angle ABC = 60^\circ, BC = 90, \therefore AB = 180$ . ....

..... 8 分

易得  $OB = 60\sqrt{3}, OB \perp BC$ . ..... 9 分

作点  $D$  关于  $AC$  的对称点  $D'$ , 连接  $OD', OP, PD', PD'$  交  $AC$  于点  $Q$ ,

则  $PQ + QD = PQ + QD' \geq PD', BD' = BC + CD' = 90 + 45 = 135$ . ..... 10 分

$\because PD' \geq OD' - OP, OP = OB = 60\sqrt{3}$ ,

$OD' = \sqrt{OB^2 + (BD')^2} = \sqrt{(60\sqrt{3})^2 + 135^2} = 15\sqrt{129}$ ,

$\therefore PD' \geq 15\sqrt{129} - 60\sqrt{3}$ ,

$\therefore PQ + DQ$  的最小值为  $(15\sqrt{129} - 60\sqrt{3})\text{m}$ . ..... 12 分

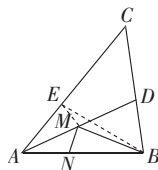


图 1

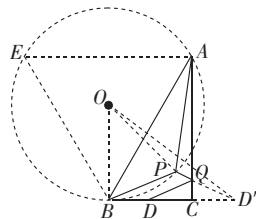


图 2